**文章编号:**1004-2474(2024)02-0191-06

DOI:10.11977/j.issn.1004-2474.2024.02.010

# 基于兰姆波压电谐振器的高频低相噪 MEMS 振荡器仿真研究

## 赵 颖,崔向东

(中国人民解放军军事科学院系统工程研究院,北京100142)

摘 要:发达的现代通信设备对时钟源器件提出了更高的要求,在保障频率信号稳定的同时还需要器件具备可集成、微型化等特点,微机电系统(MEMS)振荡器因其具备这些优势,已逐渐替代传统振荡器,成为电子设备中信号源的常用元器件。该文设计了一种 MEMS 振荡器并对其进行仿真测试,该振荡器的核心选频器件由 Lamb 波压电谐振器组成,在应用于振荡电路前,对设计的 MEMS 谐振器进行了仿真测试,并提出两种优化其寄生模态的方法,所得谐振器的品质因数(Q)为1357.5,串联谐振频率为70.384 MHz。将优化后谐振器应用于振荡电路后,对振荡器输出信号和相位噪声进行测试,结果表明,MEMS 振荡器的输出载波频率为70.58 MHz,相位噪声为 - 64.299 dBc/Hz@11 Hz 及-144.209 dBc/Hz@10 kHz。

# Simulation Studyon High-Frequency and Low-Phase-Noise MEMS Oscillator Based on Lamb Wave Piezoelectric Resonator

#### ZHAO Ying, CUI Xiangdong

(Institute of Systems Engineering, AMS, PLA, Beijing 100142, China)

Abstract: With advancement in modern communication equipment, increasingly higher requirements are placed on clock source devices. These devices must exhibit the characteristics of integration and miniaturization while ensuring frequency signal stability. Microelectromechanical system(MEMS) oscillators, which conform to these requirements, are gradually replacing traditional oscillators as signal sources in electronic equipment. This study entailed the design and simulation of a type of MEMS oscillator wherein the core frequency selection device is composed of a Lamb wave piezoelectric resonator. Prior to its application to anoscillator circuit, the designed MEMS resonator was simulated and tested, and two methods to optimize its parasitic mode were devised. Thus, a Q value of 1 357.5 and series resonance frequency of 70. 384 MHz were obtained for the resonator. The optimized resonator was applied to anoscillator circuit, and the output signal and phase noise of the oscillator were tested. Consequently, MEMS oscillators with an output carrier frequency of 70. 58 MHz and phase noises of -64. 299 dBc/Hz@1 Hz and -144. 209 dBc/Hz @10 kHz were obtained.

Key words: piezoelectric resonator; parasitic mode suppression; low phase noise; microelectromechanical system(MEMS) oscillator

0 引言

正常工作的现代通信设备需要高精度的频率 信号源为其提供特定频率波段的稳定时钟信号,振 荡器是常用的时钟源。振荡器通常可分为 LC 振荡 器、RC 振荡器及石英晶体振荡器,其中 RC 振荡器 主要用于产生低频信号,LC 振荡器用于中高频领域,而石英晶体振荡器由于其品质因数(Q)及谐振频率较大的特点,主要用作高频信号源。但与此同时,石英晶振因其体积大、功耗高及难集成等缺点, 难以满足现代通信设备在高频应用中对系统高集

收稿日期:2023-11-27

作者简介:赵颖(1979-),女,河北省石家庄市人,副研究员,硕士。

成度、小型化等需求<sup>[1]</sup>。随着现代科技的进步及通 信产业的快速发展,对频率稳定性好、微型化、可集 成、低功耗、低相噪的微机电系统(MEMS)振荡器 的研究越来越多,该类振荡器结构类似于石英晶体 振荡器,但其选频组件由 MEMS 谐振器组成,因此, 在减小振荡器体积的同时还能兼并 MEMS 谐振器 与 CMOS 可集成、频率稳定度高等优势,成为目前 市场上主流的振荡器之一<sup>[2]</sup>。

MEMS 谐振器主要通过静电或压电进行换能, 其中静电换能式谐振器具有超高的品质因数(Q> 1000),但高频工作时动态阻抗较大,且制作工艺复 杂。而压电换能式谐振器高频工作时动态阻抗低, 机电耦合系数相对较高,插入损耗小,应用于振荡 器时通常无需多级放大,因而所制成的器件体积相 对小,工艺成本更低。Gianluca Piazza 等<sup>[3]</sup>基于一 种压电氮化铝(AlN)轮廓模态谐振器制作了一种多 频皮尔斯振荡器,能实现单片上4种工作频率的正 弦波输出。Sheng-Shian Li 等<sup>[4]</sup>利用一种带有压电 换能 壁的 硅基谐振器制作了低相位噪声(-150 dBc/Hz@1 MHz) MEMS 振荡器。黄继伟等<sup>[5]</sup>制 作了一种基于薄膜体声波(FBAR)谐振器的超低功 耗差分 Colpitts 振荡器,在电源电压 0.6 V 下该振 荡器功耗仅为 83 μW。随着 MEMS 压电式谐振器 的迅速发展及产业化的实现,基于该类谐振器的 MEMS 振荡器也广泛应用于卫星导航、计算机、移 动通讯、家用电器、军事侦查等领域,用作电子设备 的"心脏"部件<sup>[6]</sup>。但与此同时, MEMS 压电谐振器 Q 值相对较低、寄生模态导致的频率稳定度不高等问题 逐渐暴露出来,影响到振荡器输出信号的稳定性<sup>[7]</sup>。

本文设计了一种高频兰姆(Lamb)波模态压电 AlN谐振器仿真模型,围绕其杂散模态的抑制问题 对谐振器结构进行优化,器件激励在 Lamb 波 S0 模 态工作,通过仿真所得到的器件性能参数构建谐振 器等效电路模型,并基于该压电谐振器提出一种高 频低相噪的 MEMS 振荡器。

1 谐振器工作原理

兰姆波作为一种体声波,能在激励波的波长与 波导厚度的数量级相当时产生,具有衰减小及传播 距离长的特点,本质上相当于二维波,因此,在薄板 振动检测中优势较大。但兰姆波具有频散特性,声 波会随着频率变化,相速度也会发生改变,从而产 生不必要的振动模态。S0 模态在兰姆波谐振器中 最常用,其最稳定,在长波极限附近基本不发生色 散<sup>[8]</sup>。谐振器通常采用叉指电极结构激励产生兰姆 波,为了更好地激励 S0 模态,对叉指电极交替施加 极性相反的电压,以使压电层内部电场方向相反, 从而产生上下对称的形变,如图 1 所示。



图 1 两种激励 S 模态兰姆波的电极分布方式

该结构下谐振器主模态的谐振频率  $f_s$ 主要由 叉指电极周期 p 及 S0 模态在长波极限下的波速  $c_0$ 决定,定义:

$$f_{s} = \frac{c_{0}}{2p} \tag{1}$$

$$c_0 = 2\sqrt{1 - \frac{1}{\lambda^2}c_s} \tag{2}$$

$$\Lambda = \frac{c_1}{c_s} \tag{3}$$

式中: *A* 为波速比; *c*<sub>s</sub>, *c*<sub>1</sub> 分别为压电层中纵波波速 和横波波速。

除主模态外,谐振器在振动过程中由于声波传播时的频散特性及压电效应,可能会在主模附近产 生无用的寄生模态,这些模态会造成滤波器通带波 纹及振荡器输出波形不稳定。当声波在谐振腔内 传播至边界处时会来回发生反射,形成与电极对个 数相同的驻波,这就是主模,但与此同时部分声波 也会在 y 方向的边界处发生反射,从而形成多种形 式的寄生模态。此外,由于电极总线处的声阻抗与 谐振腔内部存在差异,电极总线附近声波反射也会 造成寄生模态的产生。寄生模态的振动强度可用 机电耦合系数  $k_1^2$ 来描述,定义:

$$k_{t}^{2} = \frac{\pi^{2}}{4} \frac{f_{p} - f_{s}}{f_{p}}$$
(4)

式中: f<sub>p</sub>为反谐振频率。

对寄生模态的分析通常从能量角度和电场分 布来考虑,定义:

$$k_{\tau}^{2} = \frac{\left(\int_{V} \boldsymbol{T} : \boldsymbol{d} \cdot \boldsymbol{E} \, \mathrm{d}V\right)^{2}}{\int_{V} \boldsymbol{T} : \boldsymbol{s}^{E} : \boldsymbol{T} \, \mathrm{d}V \!\!\int_{V} \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{\varepsilon}^{\mathrm{T}} \cdot \boldsymbol{E} \, \mathrm{d}V}$$
(5)

式中:  $\int_{V} \mathbf{T} : \mathbf{s}^{E} : \mathbf{T} dV$ ,  $\int_{V} \mathbf{E} \cdot \mathbf{\varepsilon}^{T} \cdot \mathbf{E} dV$  为机械能和静 电能的能量密度积分; **T** 为应力张量, **E** 为电场强 度, **s** 为顺度张量,  $\mathbf{\varepsilon}^{T}$  为介电张量矩阵的转置, V 为 电压;  $(\int_{V} \mathbf{T} : \mathbf{d} \cdot \mathbf{E} dV)^{2}$  为机械能与静电能相互转换 的能量积分。其中每项积分区域为整个谐振腔有 效体积。通过优化谐振腔内电场分布情况改变能 量转换效率的方式来抑制寄生模态。

声波在 *x*、*y*方向上传播反射后在谐振腔内形成驻波,需要满足:

$$p = \frac{n}{2} \lambda_x \tag{6}$$

$$L = \frac{m}{2} \lambda_{y} \tag{7}$$

式中:n,m为正整数;L为电极长度; $\lambda_x, \lambda_y$ 分别为 x,y方向的波长。对应的(n,m)模态谐振频率为

$$f_{n,m} = c_0 \sqrt{\left(\frac{n}{2p}\right)^2 + \left(\frac{m}{2L}\right)^2} \tag{8}$$

通过改变叉指电极的周期或长度,也可达到抑 制寄生模态产生的目的。

## 2 谐振器结构设计及有限元仿真

兰姆波压电谐振器采用叉指电极-压电层-板电极结构,如图 1(a)所示。电极材料选用金属钼(Mo),其具有声阻抗高、低电阻率等优势,能有效地提高谐振器 Q 值<sup>[9]</sup>。压电层选用 AlN,其声速高,能够激励高频模态,且固有损耗较低,适用于制作高频谐振器与振荡器<sup>[10]</sup>。器件整体结构如图 2 所示,其中支撑锚采用框架-梁混合结构,具有较小的刚度和振幅,能有效地降低锚固损耗。压电层厚度 $H=1 \ \mu m$ ,叉指电极周期 $p=62.5 \ \mu m$ ,电极厚度 $H_m=200 \ nm$ ,电极宽度 $W_e=25 \ \mu m$ ,谐振器全长 $L_r=1425 \ \mu m$ ,电极条长度 $L=1310 \ \mu m$ ,电极个数n=6。



图 2 Lamb 波谐振器几何结构图

支撑锚宽度为 30 μm,对于支撑锚长度的设计, 当支撑锚的共振频率与谐振体的共振频率相匹配时, 造成的锚损失最为严重,而对于给定的锚结构宽度 W,要达到频率匹配,支撑锚的长度 *l* 需要满足<sup>[11]</sup>:

$$l = \sqrt{\frac{\lambda_i^2 W}{4\pi\sqrt{3} f_0} \sqrt{\frac{E}{\rho}}} \tag{9}$$

$$\lambda_i = (4i+1)\frac{\pi}{4}$$
 (*i*=1,2,...) (10)

式中:E为谐振腔杨氏模量; $\rho$ 为密度; $f_0$ 为共振频 率; $\lambda_i$ 为特征模态相关系数。

为了避免支撑锚与谐振腔发生频率匹配,锚的 长度设计需要远小于 L,通常将支撑锚设定为 λ/4 (λ 为波长)的奇数倍,以达到最大的阻抗失配。因 此,本文将支撑锚长度设定为 5λ/4。该结构下所设 计的谐振器有限元仿真主模态振型图及导纳曲线 如图 3(a)、(b)所示。由图 3(a)可看出,电极总线附 近存在一定程度的振动。由图 3(b)可看出,在谐振 频率和反谐振频率间存在横向寄生模态,在反谐振频 率附近存在较明显的高阶寄生模态,导纳曲线中对应 的寄生模态振型如图 3(c)、(d)所示。由图可看出,需 要对谐振器寄生模态进行优化,以改善谐振器性能。



图 3 谐振器有限元仿真主模态振型图及导纳曲线 其他结构参数不变,将电极条长度由 1 310 μm 增加至 1 350 μm 时,仿真所得到的导纳曲线如图 4(a)所示。由图可看出,谐振频率和反谐振频率间 的寄生模态得到抑制,但带外寄生模态明显,这是 由于电极条的增长增加了电极覆盖率,优化了压电 层内部电场的分布,从而使部分寄生模态得到抑制。



当进一步对模型的孔隙区(电极条末端与总线 之间)进行刻蚀,仿真得到的导纳曲线如图 4(b)所 示,此时带内和带外的寄生模态均得到了明显的抑 制,这是由于孔隙区的刻蚀在 y 轴方向压电层边界 处形成一个空气窗口,压电层与空气存在阻抗失 配,兰姆波传播至边界处能够形成更好的反射,从 而抑制了反谐振频率附近的寄生模态。上述所提 出的两种抑制寄生模态的方法能够在几乎不改变 器件谐振频率的情况下使寄生模态得到抑制,最终 得到的器件结构如图 5 所示。



图 5 优化后的谐振器三维结构图

3 反馈式振荡器基本原理

振荡器是一种输入信号为 0、输出信号为固定 频率的系统,通常可分为负阻式振荡器和反馈式振 荡器,其中反馈式振荡器工作原理较简单,由放大 电路、选频电路、反馈电路及稳幅环节组成。选频 电路也可作为反馈电路,而稳幅环节可由放大电路 中放大器的非线性特性实现,则反馈式振荡器的简 化结构如图 6 所示。



图 6 反馈式振荡器系统组成

根据巴克豪森准则,振荡器振荡的平衡条件需

$$|H(j\omega)A(j\omega)| = 1$$

$$\angle A(j\omega) + \angle H(j\omega) = 2n\pi \qquad (n=1,2,\cdots)$$
(12)

由式(11)、(12)可知,系统环路增益为1,相角 为 $2n\pi$ 时,振荡器才能稳定输出固定频率信号。但 仅满足振荡平衡条件还不行,要使振荡器正常起 振,还需满足系统刚开始工作时环路增益大于1,相 角为 2nπ。随着时间的推移,由于放大器的非线性 特性,当放大器达到饱和时增益开始衰减,直至减 小为1,输出信号不再增大,此时振荡系统达到工作 平衡点,持续输出固定频率信号。

相位噪声是衡量振荡器性能的一个重要指标, 反映一个理想信号经过一个系统后产生的相位抖 动大小<sup>[12]</sup>。当信号存在噪声时,可描述为:

 $V(t) = V_0(t) \cos(\omega_0 t + \phi(t))$ (13)式中:V<sub>0</sub>(t)为调幅噪声,表示信号电压随时间变 化,可通过限制振荡信号电流幅度抑制; (t)为相 位噪声,可定义为偏离载波信号频率  $\Delta f$  处 1 Hz 范 围内的单边带噪声功率与信号功率之比,即:

$$\phi(t) = L(\Delta f) = 10 \lg \frac{P_{SS\Delta f}}{P}$$
(14)

式中: $P_{SSAf}$ 为偏离载波信号频率  $\Delta f$  处 1 Hz 范围 内的单边带噪声功率:P 为载波信号功率。

相位噪声具有随机性,抑制手段差,常通过提 高选频网络的Q值来抑制<sup>[13]</sup>。因此相位噪声是系 统噪声的主要组成成分。

4 MEMS 振荡器设计及仿真

本文设计的振荡器基于反馈式结构,由放大电路 和选频电路组成,其中选频电路为 MEMS 谐振器的双 端口等效 RLC 电路模型,如图 7 所示。设电容比为

$$\gamma = \left[ \left( \frac{f_{a}}{f_{r}} \right)^{2} - 1 \right]^{-1}$$
(15)

则:

$$C_{0} = [2\pi f_{1}(1+\gamma^{-1}) \operatorname{Im}(Z_{1})]^{-1}$$
(16)  
$$C_{m} = C_{0}/\gamma$$
(17)

$$T_{\rm m} = C_0 / \gamma \tag{17}$$

$$L_{\rm m} = \left(\frac{1}{2\pi f_{\rm s}}\right)^2 / C_{\rm m} \tag{18}$$

$$R_{\rm m} = \frac{2\pi f_{\rm s} L_{\rm m}}{Q} \tag{19}$$

式中: $Z_1$ 为导纳曲线中远离谐振频率处阻抗; $f_a$ , $f_r$ 分别为正、反谐振频率。



图 7 双端口谐振器等效 RLC 模型

计算得到模型的等效电学参数如表 1 所示。利 用 ADS 软件对器件的 S 参数进行仿真,其中 S<sub>21</sub> 参 数反映了谐振器插入损耗,等效 RLC 模型 S<sub>21</sub> 参数 及相位曲线如图 8 所示。由图可知,所设计的谐振 器 BVD 模型插入损耗较小,在谐振频率处的相位 为 0.358 5°,接近于 0°。在振荡电路中,将 MEMS 谐振器等效 RLC 模型一端加载到放大器的输入端, 另一端与输出端相连接构成闭环正反馈系统,以满 足振荡电路起振的增益和相位条件。

表1 谐振器等效 RLC 模型电学参数



放大电路环节采用 NPN 型双极性晶体管 (BJT)2SC3124,该晶体管截止频率为 1.1 GHz,电流增益带宽达 1 100 MHz,集电极耗散功率低至 0.15 W,能够满足本文的设计要求。图 9 为该放大器共射极接法输出特性曲线。本文选用共射极电 压  $V_{CE} = 6$  V,基极电流  $I_{BB} = 40 \mu$ A 时的工作点。



振荡电路的整体原理图如图 10 所示。放大器 采用反相共射接法,电阻  $R_1 = 182.5 \text{ k}\Omega, R_2 =$ 1 k $\Omega, R_3 = 500 \Omega \pi R_4 = 13 \text{ k}\Omega, R_5 = 1 \text{ k}\Omega 分别构$ 成一级放大电路和二级放大电路的偏置电阻,使放 $大器工作在图中所选用的工作点,电容 <math>C_2$  为两级 放大电路之间的耦合电容,  $C_5$  为电源旁路电容,用 于抑制直流电源中的波纹噪声,防止恶化射频输出 信号。二级放大电路除满足振荡系统的相位条件 外,还能够提高振荡器的带负载能力。同时,为了 使输出信号更纯净,波形更平滑,在输出端增加了 一级 LC 滤波电路。



图 10 MEMS 振荡器电路原理图

利用 ADS 中的 Osctest 控件对振荡系统的起振条件进行测试,得到的  $S_{11}$  参数仿真结果如图 11 所示。由图可看出,在振荡点 70.38 MHz 附近,闭环增益为 1.004 dB,相位为 $-0.763^\circ$ ,接近于 0°,因此满足巴克豪森准则中的幅值条件和相位条件。



对该 MEMS 振荡器的输出信号进行测试,得到 如图 12 所示结果,该振荡器输出载波频率为 70.58 MHz,基波输出功率为-9.103 dBm。



对其调幅噪声和相位噪声进行测试,得出结果如图 13 及表 2 所示。由图 13 及表 2 可知,该 MEMS 振荡器调幅噪声达到-122.395 dBc/Hz@1 Hz,相位噪声达到-64.299 dBc/Hz@1 Hz。



频偏/Hz	调幅噪声/(dBc•Hz~)	相位噪声/(dBc•Hz )
1	-122.395	-64.299
$1\! imes\!10^4$	-148.453	-144.209
$1\! imes\!10^5$	-158.096	-160.754
$1\! imes\!10^6$	-177.723	-172.646

<sup>5</sup> 结束语

本文提出了一种 Lamb 波氮化铝压电谐振器, 并基于该谐振器设计了一种 MEMS 振荡器,其中 MEMS 谐振器激励在 Lamb 波 S0 模态工作,由于 Lamb 波的频散特性,在谐振频率与反谐振频率之 间及反谐振频率附近存在寄生模态,容易影响振荡 器输出信号的稳定性及纯净度,因此本文基于电场 分布和阻抗匹配的原理提出了两种抑制寄生模态 的方法,最终得到Q值为1357.5,串联谐振频率为 70.384 MHz,寄生模态得到显著抑制的 MEMS 谐 振器。在 MEMS 振荡器的设计中,采用反馈式振荡 结构,选频器件为所设计的 MEMS 谐振器,并利用 ADS 对振荡电路进行仿真测试,最终得到一种输出 载波频率为 70.58 MHz,相位噪声为-64.299 dBc/ Hz@1 Hz,调幅噪声为-122.395 dBc/Hz@1 Hz 的 MEMS 振荡器。

#### 参考文献:

- [1] 王秋苹.高频 MEMS 振荡器性能研究[D].成都:电子 科技大学,2015.
- [2] HUANG X L Y, DU Y, BAO J, et al. Study of a 10 MHz MEMS oscillator with a TPoS resonator[J]. Sensors and Actuators A: Physical, 2017, 258:59-67.
- [3] ZUO C, SINHA N, VAN DER SPIEGEL J, et al. Multifrequency pierce oscillators based on piezoelectric AlN contour-mode MEMS technology [J]. Journal of Microelectromechanical Systems, 2010, 19(3):570-580.
- [4] JENH T, PILLAI G, LIU S I. et al. High-Q support transducer MEMS resonators enabled low-phase-noise oscillators[J]. IEEE Transactions on Ultrasonics, Ferroelectrics, and Frequency Control, 2021, 68 (4): 1387-1398.
- [5] 黄继伟,童乔.一种超低功耗低相噪 FBAR 振荡器[J]. 微电子学,2021,51(4):477-481.
- [6] 韩金瑞. 晶体振荡器的 ADS 仿真优化与设计实现 [D]. 成都:电子科技大学,2012.
- [7] 张一.新型铌酸锂薄膜基反对称兰姆波谐振器研究[D].武汉:武汉大学,2021.
- [8] 张鸿翔. 压电兰姆波谐振器及其声流体效应的理论和 应用研究[D]. 天津:天津大学, 2018.
- [9] CHEN W, JIA W, XIAO Y, et al. Design, modeling and characterization of high-performance bulk-mode piezoelectric MEMS resonators[J]. Journal of Microelectromechanical Systems, 2022, 31(3): 318-327.
- [10] EISNER S R, CHAPIN C A, LU R, et al. A laterally vibrating lithiumniobate MEMS resonator array operating at 500 ℃ in air[J]. Sensors, 2021, 21(1):149.
- [11] CHEN Zeji, WANG Tianyun, JIA Qianqian, et al. A novel Lamé mode RF-MEMS resonator with high quality factor[J]. International Journal of Mechanical Sciences, 2021, 204:106484.
- [12] WU G, XU J, ZHANG X, et al. Wafer-level vacuumpackaged high-performance AlN-on-SOI piezoelectric resonator for Sub-100 MHz oscillator applications[J].
   IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2018, 65 (4):3576-3584.
- [13] 汤飞. MEMS 振荡器的频率稳定技术研究[D]. 成都: 电子科技大学,2018.